



## Escuela Superior de Administración y Comercio Unidad Tepepan *"Dinámica No-Lineal: Aplicaciones en fisiología"*

I.Q. Jesús Andrés Arzola Flores







- La interacción entre mRNA, sRNA, y las proteínas desempeña un papel crucial en la regulación de genes.
- En esta investigación se exploró la dinámica de dos arquitecturas mínimas mediadas por sRNAs.
- Se introdujeron y se compararon dos escenarios en los cuales el sRNA opera diferente, es decir, la represión post-transcripcional y la represión de traducción.
- Se planteó un tercer escenario que ejemplifica la coexistencia de los dos anteriores escenarios y se obtuvo el modelo matemático del tercer escenario.
- Se resolvieron numéricamente los tres escenarios y se encontró que en los tres casos, existen dinámicas complejas.

Dengyu Liu, Xiao Chang1, Zengrong Liu, Luonan Chen, Ruiqi Wang., "Bistability and 04/09 Oscillations in Gene Regulation Mediated by Small Noncoding RNAs" PLoS ONE. (2011). 2



## Formación de RNA







Transcrito primario

(b) Eukaryote

En la figura animada de la derecha el molde de DNA aparece de color azul, la RNApolimerasa de color celeste, y el transcrito primario de RNA de color amarillo

B. Alberts., "Biología molecular de la célula"., Tercera edición., Editoriales OMEGA. 3









Figura 2. Formación de Spliceosome



Figura 3. Spliceosome (microscopio electrónico).

#### B. Alberts., "Biología molecular de la célula"., Tercera edición., Editoriales OMEGA.



- Se sintetiza sobre un molde de DNA y sirve de pauta para la síntesis de proteínas (traducción).
- Su peso molecular es alto y contiene únicamente los nucléotidos A, U, G y C. Además de contener codificada la secuencia de una proteína, contiene señales para la iniciación y terminación de la síntesis.
- Presenta en su extremo 5' una estructura compleja llamada "capucha" (cap), y en su extremo 3' una cadena de poliA de longitud variable. Estas modificaciones tienen por objeto aumentar la vida media de estas moléculas en el citoplasma.

#### B. Alberts., "Biología molecular de la célula"., Tercera edición., Editoriales OMEGA.







- RNA pequeño de interferencia o RNA de silenciamiento.
- Es altamente específico para la secuencia de nucleótidos de su mRNA diana, interfiriendo por ello con la expresión del gen respectivo.







Suprimen la expresión de los genes diana mediante corte del RNA e mensajero (mRNA) complementario en dos mitades, a través de la interacción de la hebra antisentido del siRNA con e complejo RISC (RNAinduced silencing complex). 04/09/2013



7





# Mecanismo de defensa





Figura 5. Un mecanismo de defensa en las plantas, de forma que éstas responden a la infección de los retrovirus mediante la destrucción de los ARN virales.



### 1er Comportamiento de estudio





Complejo

Donde:

 $P_{R}$ : Precursor de sRNA. P<sub>A</sub>: Precursor de mRNA. A<sub>1</sub> y A<sub>2</sub>: Proteínas.  $P_{R}A_{1}$ : Precursor de sRNA activado.  $P_AA_2$ : Precursor de mRNA activado.  $m_A$ : mRNA. m<sub>R</sub>: sRNA.  $\Phi$ : Complejo inactivo.

Figura 4. a) Escenario I, el complejo que inactiva la reacción se forma por la interacción P-sRNA.

#### Traducción.

Gen₁

Α,

mRNA

Dengyu Liu, Xiao Chang1, Zengrong Liu, Luonan Chen, Ruiqi Wang., "Bistability and Oscillations in Gene Regulation Mediated by Small Noncoding RNAs" PLoS ONE. (2011).



### 2do Comportamiento de estudio



### mRNA-RISC-siRNA



**Donde:**   $P_R$ : Precursor de sRNA.  $P_A$ : Precursor de mRNA.  $A_1 ext{ y } A_2$ : Proteínas.  $P_RA_1$ : Precursor de sRNA activado.  $P_AA_2$ : Precursor de mRNA activado.  $m_A$ : mRNA.  $m_R$ : sRNA.  $\Phi$ : Complejo inactivo.

*Figura 5.* b) Escenario II, el complejo que inactiva la reacción se forma por la interacción RNAm-sRNA.

#### Post-Transcripción.

Dengyu Liu, Xiao Chang1, Zengrong Liu, Luonan Chen, Ruiqi Wang., "Bistability and Oscillations in Gene Regulation Mediated by Small Noncoding RNAs" PLoS ONE. (2011).

04/09/2013



## Modelos



1)  $DNA_1 \rightarrow DNA_1 + mRNA$ 2)  $DNA_2 \rightarrow DNA_2 + sRNA$ **Comportamiento I:** 3)mRNA → mRNA + P Comportamiento 4)P + P  $\rightarrow$  P, P-siRNA II: mRNA-RISC-siRNA  $5)P_{2} \rightarrow P + P$  $\frac{dx}{dt} = \gamma y - \delta x,$  $\frac{dx}{dt} = \gamma y - \delta x - \sigma xz,$ 6)mRNA + sRNA  $\rightarrow$  mRNA 7)mRNA $\rightarrow \Phi$ 8)P $\rightarrow \Phi$ Escenario I  $\frac{dy}{dt} = \lambda \frac{1+\rho x^2}{1+r^2} - \alpha y - \sigma yz,$  $\mathbf{m}_{\mathbf{R}} + \mathbf{m}_{\mathbf{A}} \rightarrow \mathbf{C} \rightarrow \mathbf{\Phi}$  $\frac{dy}{dt} = \lambda \frac{1 + \rho x^2}{1 + r^2} - \alpha y,$ Escenario II  $m_{R} + P \rightarrow C \rightarrow \Phi$ Chang1, Dengyu Liu, Xiao  $\frac{dz}{dt} = \mu \frac{1+\rho x^2}{1+r^2} - \beta z - \sigma yz,$  $\frac{dz}{dt} = \mu \frac{1 + \rho x^2}{1 + v^2} - \beta z - \sigma xz$ Zengrong Liu, Luonan Chen, Ruigi and Wang. **"Bistability Oscillations in Gene Regulation** Mediated by Small Noncoding x=[Proteína], y=[mRNA], z=[sRNA] RNAs" PLoS ONE. (2011).

04/09/2013



# Generalización ¿Coexistencia?





ESCA-Tepepan

Oscillations in Gene Regulation Mediated by Small Noncoding RNAs" PLoS ONE. (2011).







$$\frac{dy}{dt} = \lambda \left[ \frac{1 + \rho \left( \frac{\gamma y}{(\delta + \sigma z)} \right)^2}{1 + \left( \frac{\gamma y}{(\delta + \sigma z)} \right)} \right] - \alpha y$$

y=[mRNA], z=[sRNA]

$$\frac{dz}{dt} = \mu \left[ \frac{1 + \rho \left( \frac{\gamma y}{(\delta + \sigma z)} \right)^2}{1 + \left( \frac{\gamma y}{(\delta + \sigma z)} \right)} \right] - \beta z - \sigma \left[ \frac{\gamma y}{(\delta + \sigma z)} \right] z$$

Dengyu Liu, Xiao Chang1, Zengrong Liu, Luonan Chen, Ruiqi Wang., "Bistability and Oscillations in Gene Regulation Mediated by Small Noncoding RNAs" PLoS ONE. (2011).



*Figura 7.* Solución numérica del escenario I. Se observa estabilización de las concentraciones proteína (línea blanca), mRNA (línea azul) y sRNA (línea roja). Concentraciones iniciales x=0.5, y= 0.7 y z= 0.3. Los valores de los parámetros fueron los siguientes:  $\lambda$ =0.6,  $\delta$ = 0.5,  $\gamma$ =0.2,  $\alpha$ =2,  $\mu$ = 0.5,  $\beta$ = 0.3,  $\rho$ = 40 y  $\sigma$ = 2.

Método numérico empleado para resolver las ecuaciones del escenario I es Runge-Kutta con un paso de tiempo dt=0.1 con parámetros Los valores de los parámetros fueron los siguientes:  $\lambda$ =0.6,  $\delta$ = 0.5,  $\gamma$ =0.2,  $\alpha$ =2,  $\mu$ = 0.5,  $\beta$ = 0.3,  $\rho$ = 40 y  $\sigma$ = 2. y se realizaron 2400 iteraciones para obtener la solución de los modelos matemáticos de los tres escenarios.

**ESCA-Tepepan** 



*Figura 8*. Solución numérica del escenario II. Se observan oscilaciones de las concentraciones proteína (línea blanca), mRNA (línea azul) y sRNA (línea roja). Concentraciones iniciales x=0.5, y= 0.7 y z= 0.3. Los valores de los parámetros fueron los siguientes:  $\lambda$ =2.5,  $\delta$ = 0.5,  $\gamma$ =0.2,  $\alpha$ =2,  $\mu$ = 0.5,  $\beta$ = 0.3,  $\rho$ = 40 y  $\sigma$ = 0.4.

Método numérico empleado para resolver las ecuaciones del escenario II es Runge-Kutta con un paso de tiempo dt=0.1 con parámetros Los valores de los parámetros fueron los siguientes:  $\lambda$ =2.5,  $\delta$ = 0.5,  $\gamma$ =0.2,  $\alpha$ =2,  $\mu$ = 0.5,  $\beta$ = 0.3,  $\rho$ = 40 y  $\sigma$ = 0.4.



*Figura 9.* Solución numérica del escenario III. Se observan oscilaciones de las concentraciones proteína (línea blanca), mRNA (línea azul) y sRNA (línea roja), seguidas de un estado de estabilización. Concentraciones iniciales x=0.5, y= 0.7 y z= 0.3. Los valores de los parámetros fueron los siguientes:  $\lambda$ =2.5,  $\delta$ = 0.5,  $\gamma$ =0.2,  $\alpha$ =2,  $\mu$ = 0.5,  $\beta$ = 0.3,  $\rho$ = 40 y  $\sigma$ = 0.4.

Método numérico empleado para resolver las ecuaciones del escenario III es Runge-Kutta con un paso de tiempo dt=0.1 con parámetros Los valores de los parámetros fueron los siguientes:  $\lambda=2.5$ ,  $\delta=0.5$ ,  $\gamma=0.2$ ,  $\alpha=2$ ,  $\mu=0.5$ ,  $\beta=0.3$ ,  $\rho=40$ 

<sub>04/09/2013</sub> **y σ= 0.4.** 



### Resultados





$$\frac{dy}{dt} = \lambda \left[ \frac{1 + \rho \left( \frac{\gamma y}{(\delta + \sigma z)} \right)^2}{1 + \left( \frac{\gamma y}{(\delta + \sigma z)} \right)} \right] - \alpha y$$

$$\frac{dz}{dt} = \mu \left[ \frac{1 + \rho \left( \frac{\gamma y}{(\delta + \sigma z)} \right)^2}{1 + \left( \frac{\gamma y}{(\delta + \sigma z)} \right)} \right] - \beta z - \sigma \left[ \frac{\gamma y}{(\delta + \sigma z)} \right] z$$

*Figura 10.* Solución numérica del escenario II (Modelo matemático reducido). Se observan oscilaciones de las concentraciones de mRNA (línea azul) y sRNA (línea roja). Concentraciones iniciales y= 0.7 y z= 0.3. Los valores de los parámetros fueron los siguientes:  $\lambda$ =2,  $\delta$ = 0.5,  $\gamma$ =0.2,  $\alpha$ =2,  $\mu$ = 0.5,  $\beta$ = 0.3,  $\rho$ = 40 y  $\sigma$ = 0.2.

Método numérico empleado para resolver las ecuaciones del escenario II reducido es Runge-Kutta con un paso de tiempo dt=0.1 con parámetros Los valores de los parámetros fueron los siguientes:  $\lambda=2$ ,  $\delta=0.5$ ,  $\gamma=0.2$ ,  $\alpha=2$ ,  $\mu=0.5$ ,  $\beta=0.3$ ,  $\rho=40$  y  $\sigma=0.2$ .

04/09/2013 °



## Conclusiones



- El escenario II demuestra poseer una mejor eficiencia y robustez en la represión de la traducción., debido a que muestra un proceso oscilatorio que ejemplifica perfectamente la dinámica intracelular.
- Este estudio nos ayudará a analizar las complejas redes de interacciones entre macromoléculas intracelulares, montándolas como módulos simples para estudiarlas con mayor facilidad. Este estudio da la pauta para el inicio de un conocimiento más profundo del funcionamiento de sRNA´s, que será de interés en la bio-ingeniería y el control artificial.
- El estudio de la dinámica del RNA nos llevará a plantear sistemas de genes homeóticos, los cuales nos ayudarán a construir modelos matemáticos que nos explicarán la compleja forma en la que una célula madre se diferencia.



## Perspectivas





Figura 8. A, B y C son genes homeóticos cuyos productos (proteínas homeóticas) regulan la actividad de sus genes subordinados. Cuando el Gen A está activo, los genes 1, 4 y 11 están "prendidos" los cuales le indican a la célula madre a qué tipo de célula debe convertirse.



abcam'







#### Thomas Graf and Andreas Trumpp

Haematopoletic stem cells (HSCs) continuously replenish blood cells that are lost by attrition or tissue damage. They are capable of self-renewal and are currently the only adult stem-cell type routinely used in clinical settings to replace lost cells. HSCs are mostly quiescent but can be mobilized from their niche to proliferate and differentiate into lineages of the innate and adaptive immune system, as well as into red blood cells and platelets. Cell-fate decisions are initiated and maintained by specific combinations of

transcription factors, the activity of which is orchestrated by extrinsic and intrinsic signals. The study of changes in regulatory networks during havematopoietic differentiation has long served as a paradigm for basic processes of cull-fatte specification and its abarrations, such as those that occur in leukaemia. The easy accessibility and transplantability of normal and leukaemic haematopoietic cells has led to the discovery of cytokines, oncogenes and cancer stem cells and to some of the most celebrated successes of targeted drug design.



Abcam Stem Cell antibodies you can rely on! Abcam supplies primary and secondary authorities and reagons to researchers workfards. We ship direct to new so countees and have offices in the IAL US and Japan, as well as offering causence support in English, French, Garman and Japanese.

We are capitly developing and expanding our cares, looking to and the second second

We have over suppo antibodies in our catalogue. Our Seem Call Marken range includes over 2000 antibo - Emiltraneir Same Calls work: Germ Calls Neural Sales Calls iosch signaling

Quality and homeny are our top priorities. Our Alignmente quarantees had sechracia topport from our a performant auer-lan antibody dentivents an it topport on our database we will give you a bit whend or replacement by so soit anewhite out day. We public encycling we show aloue new product on our databaset and our catalogue is web-based. This alone day publics and its new information from its any printed e, including customer on invo, sechnical empiries and con. Vibit our website today and see foryarast

#### A binw lations

ICR. B call a

ab**cam** 

#### Guide through the poste